

## 算数

- ① (1)  $\frac{1}{6}$       (2) 4900      (3)  $\frac{8}{9}$   
 ② (1) 700      (2) 128      (3) 18.84      (4) 147      (5) 121      (6) 175      (7) 120      (8) 39.25  
 ③ (1) 10      (2) 40  
 ④ (1) 37.68      (2) 182.72  
 ⑤ (1) 720      (2) 6000  
 ⑥ (1) 9      (2) 10, 20, 40      (3) 7  
 ⑦ (1) 20      (2) 400  
 ⑧ (1) 312.25      (2)① 125      ② 78.5

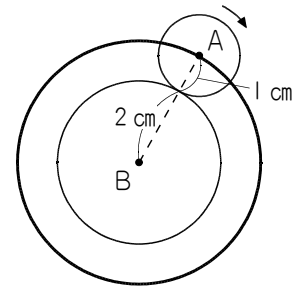
### 解説

① (2)  $12 \times 70 + 23 \times 70 + 35 \times 70 = (12 + 23 + 35) \times 70 = 70 \times 70 = 4900$

② (1)  $500 \times (1 + 0.4) = 700$  (円)

(2)  $16 \times 16 \div 2 = 128$  (cm<sup>2</sup>)

- (3) 円Aの中心が動いたあとは、右の図の太線部分です。これは、半径(2 + 1 =) 3 cmの円の円周ですから、  
 $3 \times 2 \times 3.14 = 18.84$  (cm)



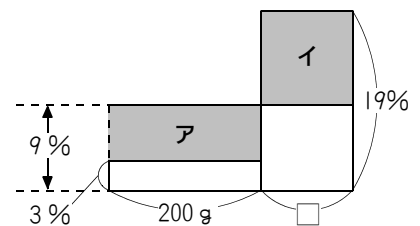
(4)  $126 \div \frac{6}{7} = 147$  (cm)

- (5) 右の連除法より、6と8の最小公倍数は(2 × 3 × 4 =) 24です。  
 $100 \div 24 = 4$  あまり 4  
 $24 \times (4 + 1) + 1 = 121$  ……求める整数

$$\begin{array}{r} 2) \ 6 \ 8 \\ \underline{3} \ \underline{4} \end{array}$$

- (6)  $(91 - 28) \div (7 - 4) = 21$  (人) ……子どもの人数  
 $4 \times 21 + 91 = 175$  (個) ……求める個数

- (7) 面積図で表すと右のようになります。アとイが等しいですから、  
 $200 \times (0.09 - 0.03) = 12$  (g) ……ア=イ  
 $12 \div (0.19 - 0.09) = 120$  (g) ……求める重さ(□)

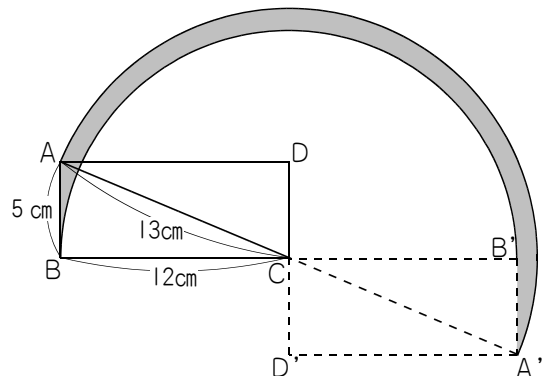


- (8) 辺ABが通ったあとの図形は右の図のかげの部分です。  
 かげの部分は、

$$\begin{aligned} & (\text{AA'を直径とする半円} + \text{直角三角形ABC}) \\ & - (\text{BB'を直径とする半円} + \text{直角三角形A'B'C}) \\ & = \text{AA'を直径とする半円} - \text{BB'を直径とする半円} \end{aligned}$$

で求められます。したがって、

$$13 \times 13 \times 3.14 \times \frac{1}{2} - 12 \times 12 \times 3.14 \times \frac{1}{2} = 39.25$$
 (cm<sup>2</sup>)



- ③ (1)  $144 + 16 = 160$  (g) ……食塩水の重さ  
 $16 \div 160 = 0.1 \rightarrow 10\%$  ……求める濃さ
- (2)  $16$  g が  $8\%$  にあたりますから、  
 $16 \div 0.08 = 200$  (g) ……水を加えた後の食塩水  
 $200 - 160 = 40$  (g) ……求める重さ

- ④ (1) 頂点Bが動いたあとの線は、右の図の太線部分です。  
 半径  $8$  cm, 中心角  $(180 - 45) = 135$  度のおうぎ形の弧 2 つ  
 分ですから、求める長さは、

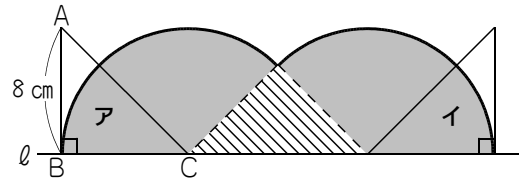
$$8 \times 2 \times 3.14 \times \frac{135}{360} \times 2 = 37.68 \text{ (cm)}$$

- (2) 頂点Bが動いたあとの線と直線  $\ell$  に囲まれた部分の図形は、右の図のかげの部分のおうぎ形としゃ線部分の直角二等辺三角形です。したがって、

$$8 \times 8 \times 3.14 \times \frac{135}{360} \times 2 = 150.72 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \text{……かげの部分の合計}$$

$$8 \times 8 \div 2 = 32 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \text{……しゃ線部分}$$

$$150.72 + 32 = 182.72 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \text{……求める面積}$$



- ⑤ (1)  $600 \times (1 + 0.5) = 900$  (円) ……1日目の売り値  
 $900 \times (1 - 0.2) = 720$  (円) ……求める値段(2日目の売り値)
- (2)  $600 \times 50 = 30000$  (円) ……仕入れ値の合計  
 $900 \times 20 = 18000$  (円) ……1日目の売り上げ  
 $720 \times (50 - 20 - 5) = 18000$  (円) ……2日目の売り上げ  
 $18000 + 18000 - 30000 = 6000$  (円) ……求める利益

**別解**

1個あたりの利益から求めることもできます。

$$(900 - 600) \times 20 + (720 - 600) \times (50 - 20 - 5) - 600 \times 5 = 6000 \text{ (円)}$$

- ⑥ (1) もらう赤えんぴつの本数を少なくするには、子どもの人数をなるべく多くすればよいです。右の連除法より、162と288の最大公約数は  $(2 \times 3 \times 3 =)$  18です。したがって、子どもが18人のとき、赤えんぴつは9本配ります。

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 162 \ 288} \\ 3 \overline{) 81 \ 144} \\ 3 \overline{) 27 \ 48} \\ \hline 9 \ 16 \end{array}$$

- (2)  $(162 - 2 =)$  160と  $(288 - 8 =)$  280の公約数のうち、あまりの8より大きい数があるてはあります。右の連除法より、最大公約数は  $(2 \times 2 \times 2 \times 5 =)$  40です。

$$40 = 1 \times 40, 2 \times 20, 4 \times 10, 5 \times 8$$

より、あてはまる人数は 10人, 20人, 40人 です。

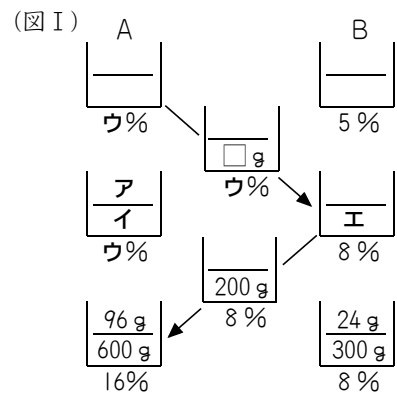
$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 160 \ 280} \\ 2 \overline{) 80 \ 140} \\ 2 \overline{) 40 \ 70} \\ 5 \overline{) 20 \ 35} \\ \hline 4 \ 7 \end{array}$$

- (3) あまった本数が等しいことから、赤えんぴつと青えんぴつの本数の差の  $(288 - 162 =)$  126本はあまりなくちょうど配れます。よって、人数は126の約数です。

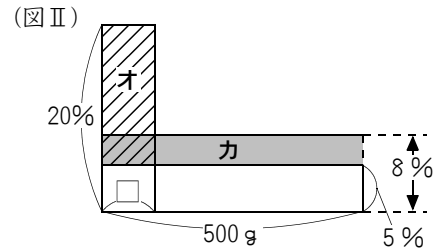
$$126 = 1 \times 126, 2 \times 63, 3 \times 42, 6 \times 21, 7 \times 18, 9 \times 14$$

126の約数を少ない方から見ていくと、1, 2, 3, 6のときはえんぴつをあまりなく配れてしまうので条件にあてはまりません。したがって、条件にあてはまる最も少ない人数は7人です。

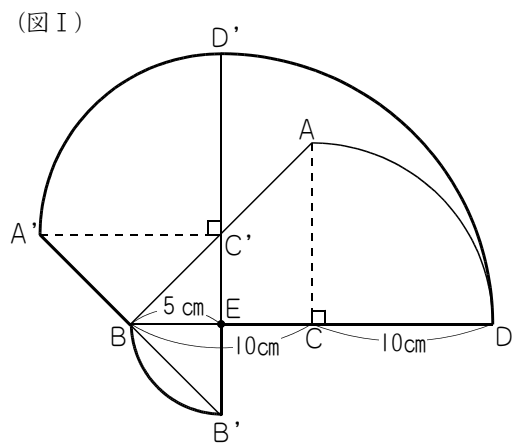
- ⑦ (1) やりとりの後にA, Bに入っている食塩水の重さはそれぞれ,  
 $900 \div (1 + 2) \times 2 = 600 \text{ (g)}$  ……A  
 $900 - 600 = 300 \text{ (g)}$  ……B  
 で, やりとりのようすは(図I)のようになります。  
 $600 \times 0.16 - 200 \times 0.08 = 80 \text{ (g)}$  ……ア  
 $600 - 200 = 400 \text{ (g)}$  ……イ  
 したがって, はじめのAの濃さ(ウ)は,  
 $80 \div 400 = 0.2 \rightarrow 20\%$



- (2)  $900 - 400 = 500 \text{ (g)}$  ……エ  
 AからBに移した食塩水の重さを□gとすると, 濃さ20%の食塩水□gと濃さ5%の食塩水何gかを混ぜて, 濃さ8%の食塩水500gができましたから, 混ぜたときのようすは(図II)の面積図で表せます。オとカの部分の面積が等しいですから,  
 $500 \times (0.08 - 0.05) = 15 \text{ (g)}$  ……カ=オ  
 $15 \div (0.2 - 0.05) = 100 \text{ (g)}$  ……□  
 $500 - 100 = 400 \text{ (g)}$  ……求める重さ



- ⑧ (1) 図形Pが通ったあとの図形は, (図I)の太線で囲まれた図形になります。この図形の面積は,  
 ・半径(10+10-5=)15cmの四分円D'E D ……ア  
 ・半径10cmの四分円A'C'D' ……イ  
 ・半径5cmの四分円B'E B  
 ・台形A'BEC'



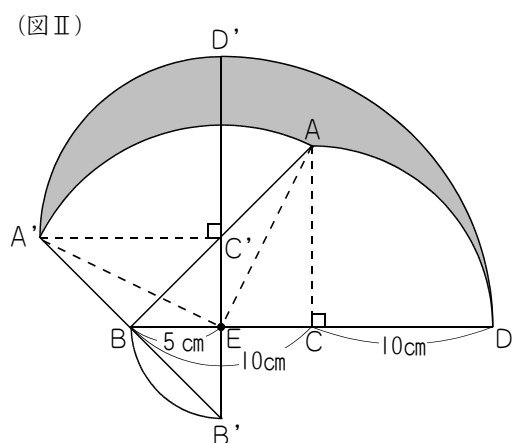
の合計です。したがって,

$$15 \times 15 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 10 \times 10 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 274.75 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{3つの四分円の合計}$$

$$(10 + 5) \times 5 \div 2 = 37.5 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{台形A'BEC'}$$

$$274.75 + 37.5 = 312.25 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{求める面積}$$

- (2) 弧ADが通ったあとの図形は, (図II)のかげの部分のようになります。かげの部分の面積は,  
 (ア+イ+直角三角形A'EC')  
 - (半径10cmの四分円ACD+半径AEの四分円A'E A  
 +直角三角形AEC) ……★  
 で求めることができます。



- ① 半径AEの四分円A'E Aは, 半径がわかりません。そこで, (図III)のように, AEを1辺とする正方形のまわりに直角三角形AECと合同な4つの三角形を組み合わせた正方形FGCHについて考えます。すると,

$$(10 + 5) \times (10 + 5) = 225 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{正方形FGCH}$$

$$5 \times 10 \div 2 = 25 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{直角三角形AEC}$$

$$225 - 25 \times 4 = 125 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{求める面積}$$

- ② ★の式にしたがって考えると,

$$(15 \times 15 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 10 \times 10 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 25) - (10 \times 10 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 125 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 25) = 78.5 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{求める面積}$$

