

算 数

解 答

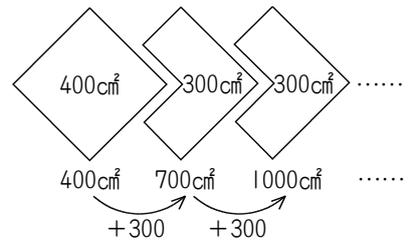
- ① (1) 25 (2) $5\frac{13}{15}$ (3) 20
 ② (1)① 3600 ② 5 (2) 120 (3) 6
 ③ (1) 42 (2) 11 (3) 金 (4) 22 (5) 24 (6)① 1600 ② 13
 ④ (1) 1.65 (2) 11
 ⑤ (1) 7 (2) 68
 ⑥ (1) 45 (2) 22.5

解 説

- ② (1)① $12 \times 15 \times 20 = 3600$ (cm³)
 ② $900 \div (12 \times 15) = 5$ (cm)
 (2) $200 \times 15 = 3000$ (cm³) ……15秒間で入った水の量
 $3000 \div 25 = 120$ (cm²) ……容器の底面積
 (3) 8分後にグラフのかたむきが変わったことから、8分後にB管を閉じたことがわかります。よって、はじめの8分間はA管、B管の両方から水が入り、その後の(13-8=)5分間はA管だけから水が入りましたから、
 $80 \div 8 = 10$ (L/分) ……A管、B管から1分間に入る水の量の合計
 $(100-80) \div 5 = 4$ (L/分) ……A管から1分間に入る水の量
 $10-4 = 6$ (L/分) ……B管から1分間に入る水の量
- ③ (1) はじめの数が6，加える数(公差)が4の等差数列です。左から10番目の数は，
 $6 + 4 \times (10-1) = 42$
 (2) はじめの数が10，加える数(公差)が8の等差数列です。90は左から□番目の数とすると，
 $10 + 8 \times (\square-1) = 90 \rightarrow \square = (90-10) \div 8 + 1 = 11$ (番目)
 (3) 1月13日からの曜日は{月，火，水，木，金，土，日}の周期になります。
 $31-13+1 = 19$ (日間) ……1月13日～1月31日の日数
 $19 \div 7 = 2$ (周期)あまり5 (月，火，水，木，金) → 1月31日は金曜日
 (4) ご石の数は，1番目が4個で，3個ずつふえていきますから，7番目にならんでいるご石の数は，
 $4 + 3 \times (7-1) = 22$ (個)
 (5) この数列で，N組の3つの数は{N，N+1，N+2}になっています。また，この数列で，3以上の整数がはじめてあらわれるのは，組の3番目です。10が組の3番目になるとき，その組の1番目の数は(10-2=)8ですから，10がはじめてあらわれるのは，8組の3番目とわかります。8組の3番目は左からかぞえて，
 $3 \times 8 = 24$ (番目)

- (6)① $20 \times 20 = 400 (\text{cm}^2)$ ……紙1まいの面積
 $10 \times 10 = 100 (\text{cm}^2)$ ……重なる部分1か所の面積

より、図形全体の面積は、1まいのときは 400cm^2 で、1まい加えるごとに右の図のように $(400 - 100 = 300 \text{cm}^2)$ ずつふえていきます。したがって、5まいならべたときの図形全体の面積は、
 $400 + 300 \times (5 - 1) = 1600 (\text{cm}^2)$

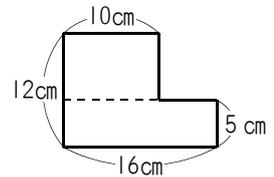


別解 植木算の考え方を利用して解くこともできます。

$$\frac{400 \times 5 - 100 \times (5 - 1)}{\substack{\text{5枚の紙の} \\ \text{面積の和} \quad \quad \quad \text{重なる部分の} \\ \text{面積の和}}} = 1600 (\text{cm}^2)$$

② $(4000 - 400) \div 300 + 1 = 13 (\text{まい})$

- ④ (1) $15 \times 16 \times 5 + 15 \times 10 \times (8 - 5) = 1650 (\text{cm}^3) \rightarrow 1.65 \text{L}$
 (2) $5 \times 16 + (12 - 5) \times 10 = 150 (\text{cm}^2)$ ……太線の面(右の図)の面積
 太線の面が底になるように容器をたおしたときの水の深さは、
 $1650 \div 150 = 11 (\text{cm})$



⑤ (1) $\frac{172}{999} = 172 \div 999 = 0.17217217217 \dots$

これより、小数第1位から{1, 7, 2}の周期になります。したがって、
 $20 \div 3 = 6 (\text{周期})$ あまり 2 \rightarrow 小数第20位は、周期の2番目の7

- (2) 6周期分の和とあまり2個(1と7)の和の合計を求めます。
 $1 + 7 + 2 = 10$ ……1周期の3つの数字の和
 $10 \times 6 + 1 + 7 = 68$ ……小数第1位～小数第20位までの数字の和

- ⑥ (1) 次のように、分母が同じ分数を組にして考えます。

$$\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{1}{4}, \frac{2}{4}, \frac{3}{4}, \frac{1}{5}, \frac{2}{5}, \frac{3}{5}, \frac{4}{5}, \frac{1}{6}, \frac{2}{6}, \dots, \frac{8}{10}, \frac{9}{10}$$

$\begin{matrix} \text{1組} & \text{2組} & \text{3組} & \text{4組} \\ \text{(1個)} & \text{(2個)} & \text{(3個)} & \text{(4個)} \end{matrix}$

このとき、N組にはN個の分数がならび、分母はN+1、分子は1からNまでです。 $\frac{9}{10}$ は、9組の9番目ですから、1組から9組までの個数の和を求めます。

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 = (1 + 9) \times 9 \div 2 = 45 (\text{個})$$

- (2) 1組から9組までのすべての数の和を求めます。それぞれの組の数の和を調べると、

$$\left. \begin{array}{l} \text{1組} \quad \frac{1}{2} \\ \text{2組} \quad \frac{1}{3} + \frac{2}{3} = 1 \\ \text{3組} \quad \frac{1}{4} + \frac{2}{4} + \frac{3}{4} = 1\frac{1}{2} \\ \text{4組} \quad \frac{1}{5} + \frac{2}{5} + \frac{3}{5} + \frac{4}{5} = 2 \\ \vdots \end{array} \right\} \rightarrow \frac{1}{2}, 1, 1\frac{1}{2}, 2, \dots$$

$\begin{matrix} \text{+} \frac{1}{2} & \text{+} \frac{1}{2} & \text{+} \frac{1}{2} \end{matrix}$

はじめの数が $\frac{1}{2}$ で、加える数(公差)が $\frac{1}{2}$ の等差数列になっていますから、

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times (9 - 1) = 4\frac{1}{2} \quad \dots\dots 9組の和$$

$$\left(\frac{1}{2} + 4\frac{1}{2}\right) \times 9 \div 2 = 22.5 \quad \dots\dots \text{ならんでいる分数すべて(1組} \sim \text{9組)の和}$$