

# 251223年末宿題プリント1(22志望校)

1 次の  にあてはまる数を求めなさい。

(1)  $160 - (18 + 42 \div 6) =$

(2)  $\left( \text{  } - \frac{1}{3} \right) \times 0.35 - \frac{1}{20} = 0.02$

(3)  $2.6 \times 3.8 + 0.77 \times 38 - 18 \times 0.38 =$

**2** 次の問いに答えなさい。

(1) 24の約数は何個ありますか。

(2) みおさんと妹の所持金の比は5 : 3で、2人の所持金の差は300円です。みおさんの所持金は何円ですか。

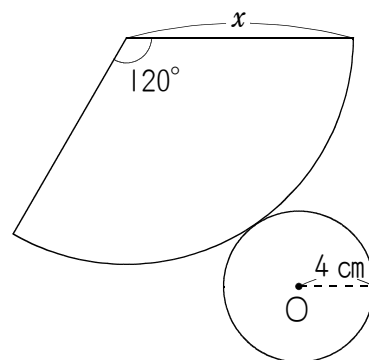
(3) 奇数が次のように小さい順に並んでいます。

1, 3, 5, 7, 9, ……

最初から20番目までの数をすべてたすといくつになりますか。

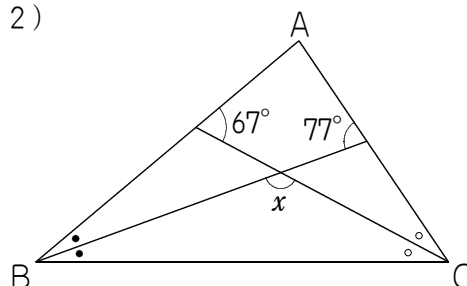
(4) えんぴつを用意して何人かの子どもたちで分けます。1人3本ずつ分けると36本あまり、1人7本ずつ分けるには48本たりません。用意したえんぴつは何本ですか。

- (5) (図1)は、ある円すいの展開図を表していて、(図1)  
 Oは底面の円の中心です。図の $x$ の長さは何cmで  
 ですか。



- (6) {0, 1, 2, 3}の4枚のカードがあります。この4枚のカードのうち3枚のカードを並  
 べて3けたの整数を作ります。このとき、偶数は何通りできますか。

- (7) (図2)は、三角形ABCの中に直線を2本引い (図2)  
 たもので、同じ印のついた角の大きさはそれぞれ  
 等しくなっています。角 $x$ の大きさは何度ですか。



- (8) はると君はある小説を読んでいます。1日目は全体のページ数の $\frac{1}{4}$ を読み、2日目は残り  
 のページ数の $\frac{2}{5}$ より6ページ多く読んだところ、まだ全体のページ数の $\frac{2}{5}$ が残っています。  
 この小説の全体のページ数は何ページですか。

**3** ひなさんは、家から26kmはなれた四谷動物園まで自転車で行きました。はじめは時速12kmで走っていましたが、途中から時速8kmで走ったところ、家を出発してから2時間30分で四谷動物園に着きました。これについて、次の問いに答えなさい。

(1) 家から四谷動物園まで自転車で走ったときの平均の速さは時速何kmですか。

(2) 時速12kmで走った時間は何時間何分ですか。

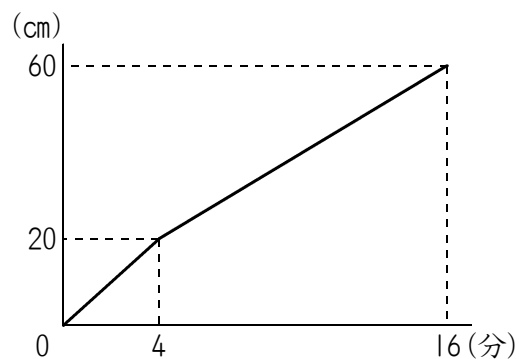
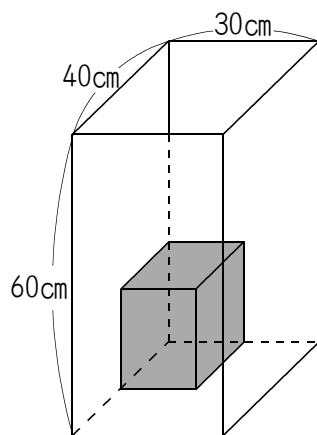
(3) 帰りは、家からお父さんに車でむかえに来てもらうことにしました。ひなさんは四谷動物園を、お父さんは家を同時に出発しました。ひなさんの自転車は時速6km、お父さんの車は時速33kmで進むとき、ひなさんとお父さんが出会ったのは、家から何kmの地点ですか。

- 4 A, B, C, D, E の 5 人が算数のテストを受けました。A, B, C の 3 人の平均点は, A, B, C, D, E の 5 人の平均点より 8 点低く, D, E の 2 人の合計点は 142 点でした。これについて, 次の問いに答えなさい。

(1) D, E の 2 人の平均点は何点でしたか。

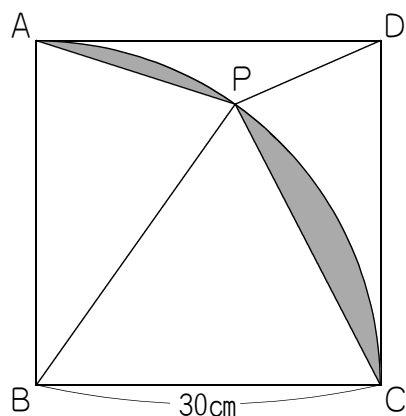
(2) A, B, C, D, E の 5 人の平均点は何点でしたか。

- 5 下の図のような直方体の形をした容器に、直方体の鉄のおもりが入っています。この容器に一定の割合で水を入れていったところ、水を入れ始めてからの時間と水面の高さとの関係は下のグラフのようになりました。これについて、次の問いに答えなさい。



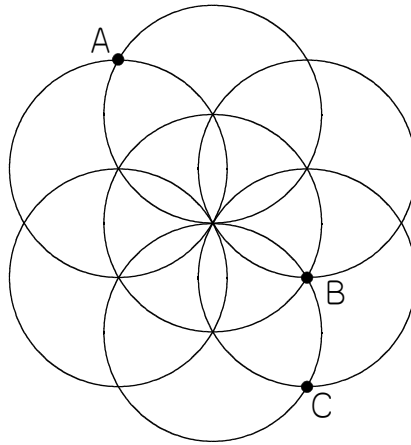
- (1) 毎分何Lの割合で水を入れましたか。
- (2) 直方体の鉄のおもりの体積は何 $\text{cm}^3$ ですか。

- 6 下の図は、1辺の長さが30cmの正方形ABCDの中におうぎ形BCAをかき入れ、おうぎ形BCAの弧上の点Pと正方形ABCDの4つの頂点を結んだものです。三角形PCDの面積は、三角形PABの面積の $\frac{2}{3}$ 、三角形PABの面積は、三角形PBCの面積の $\frac{3}{4}$ です。これについて、次の問いに答えなさい。



- (1) 三角形PABと三角形PCDの面積の和は何 $\text{cm}^2$ ですか。
- (2) かげの部分の面積の和は何 $\text{cm}^2$ ですか。

- 7 ある遊園地には、直径10mの円の形をした7個の通路が、下の図のように交わるように作られています。3つ以上の円が交わる点はそれぞれどれかの円の中心と重なっています。これについて、次の問いに答えなさい。



- (1) 図のA地点から通路を通過してB地点まで行く最短コースを考えます。最短コースの道のりは何mですか。
- (2) (1)の最短コースは何通りありますか。
- (3) 図のA地点から通路を通過してC地点まで行く最短コースは何通りありますか。



[計 算 用 紙]

# 251223年末宿題プリント1(22志望校)

得点

氏名

1

(1)	
1	

(2)	
2	

(3)	
3	

2

(1)	
4	個

(2)	
5	円

(3)	
6	

(4)	
7	本

(5)	
8	cm

(6)	
9	通り

(7)	
10	度

(8)	
11	ページ

3

(1)	時速
12	km

(2)	
13	時間 分

(3)	
14	km

4

(1)	
15	点

(2)	
16	点

5

(1)	毎分
17	L

(2)	
18	cm <sup>3</sup>

6

(1)	
19	cm <sup>2</sup>

(2)	
20	cm <sup>2</sup>

7

(1)	
21	m

(2)	
22	通り

(3)	
23	通り

8

(1)	あかねさん	かいと君	さらさん	たかし君
24				

(2)	と
25	

(3)	あかねさん	かいと君	さらさん	たかし君
26	と	と	と	と

# 251223年末宿題プリント1(22志望校)

## 算数

### 解答

- ① (1) 135 (2)  $\frac{8}{15}$  (3) 32.3  
② (1) 8 (2) 750 (3) 400 (4) 99 (5) 12 (6) 10 (7) 132 (8) 120  
③ (1) 10.4 (2)  $1 \cdot 30$  (3) 22  
④ (1) 71 (2) 59  
⑤ (1) 4 (2) 8000  
⑥ (1) 450 (2) 76.5  
⑦ (1) 15.7 (2) 9 (3) 18  
⑧ (1) あかねさん 2 かいと君 1 さらさん 7 たかし君 5 (2) 2と5  
(3) あかねさん 2と7 かいと君 3と5 さらさん 6と8 たかし君 1と4

(⑧(1)と(3)は完答, 配点: ③ 各4点, その他 各6点)

### 解説

- ② (1)  $24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$

より, 24の約数の個数は,

$$(3 + 1) \times (1 + 1) = 8 \text{ (個)}$$

#### 別解

$$24 = 1 \times 24, 2 \times 12, 3 \times 8, 4 \times 6$$

より, 24の約数は1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24の8個あります。

- (2)  $300 \div (5 - 3) = 150 \text{ (円)}$  ……比の1あたり

$$150 \times 5 = 750 \text{ (円)}$$

- (3) 1から始まるN個の奇数の和  $= N \times N$

より, 1から始まる20個の奇数の和は,

$$20 \times 20 = 400$$

- (4)  $(36 + 48) \div (7 - 3) = 21 \text{ (人)}$  ……子どもの人数

$$3 \times 21 + 36 = 99 \text{ (本)} \quad \text{……えんぴつの本数}$$

- (5)  $\frac{\text{中心角}}{360} = \frac{\text{底面の半径}}{\text{母線}}$

より,

$$\frac{120}{360} = \frac{4}{\text{母線}} \rightarrow \frac{1}{3} = \frac{4}{\text{母線}} \rightarrow \text{母線} = 4 \times 3 = 12 \text{ (cm)}$$

- (6) 偶数は一の位が0か2です。

・一の位が0のとき

百の位は0以外の3通り, 十の位は0と百の位で使った数以外の2通りですから,

$$3 \times 2 = 6 \text{ (通り)}$$

・一の位が2のとき

百の位は2と0以外の2通り, 十の位は2と百の位で使った数以外の2通りですから,

$$2 \times 2 = 4 \text{ (通り)}$$

したがって, 全部で  $(6 + 4) = 10$  通りできます。

(7) 三角形DBCに注目すると、

$$\bullet \times 2 + \circ \times 1 = 67(\text{度}) \quad \cdots \cdots \textcircled{ア}$$

三角形EBCに注目すると、

$$\bullet \times 1 + \circ \times 2 = 77(\text{度}) \quad \cdots \cdots \textcircled{イ}$$

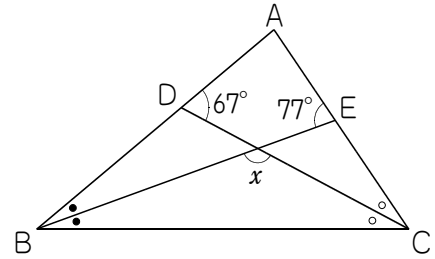
①と②の式を加えると、

$$\bullet \times 3 + \circ \times 3 = 67 + 77 = 144(\text{度})$$

$$\rightarrow \bullet \times 1 + \circ \times 1 = 144 \div 3 = 48(\text{度})$$

したがって、角 $x$ の大きさは、

$$180 - 48 = 132(\text{度})$$



(8) 全体のページ数を1とすると、1日目に読んだ後の残りのページ数は $(1 - \frac{1}{4} =) \frac{3}{4}$ にあたりますから、2日目に読んだページ数は全体のページ数の、

$$\frac{3}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{3}{10}$$

より6ページ多くなります。これより、全体のページ数は、

$$\frac{1}{4} + \frac{3}{10} + 6 \text{ ページ} + \frac{2}{5} = \frac{19}{20} + 6 \text{ ページ}$$

と表すことができます。したがって、6ページが全体のページ数の $(1 - \frac{19}{20} =) \frac{1}{20}$ にあたりますから、

$$6 \div \frac{1}{20} = 120(\text{ページ}) \quad \cdots \cdots \text{全体のページ数}$$

③ (1) 26kmの道のりを2時間30分(=2.5時間)で進みましたから、

$$26 \div 2.5 = 10.4(\text{km/時})$$

(2) 時速8kmで2.5時間走ったときに進む道のりは、

$$8 \times 2.5 = 20(\text{km})$$

ですから、時速12kmで走った時間は、

$$(26 - 20) \div (12 - 8) = 1.5(\text{時間}) \rightarrow 1 \text{ 時間} 30 \text{ 分}$$

(3)  $26 \div (6 + 33) = \frac{2}{3}(\text{時間}) \quad \cdots \cdots \text{出会うまでの時間}$

$$33 \times \frac{2}{3} = 22(\text{km}) \quad \cdots \cdots \text{出会った地点の家からの道のり}$$

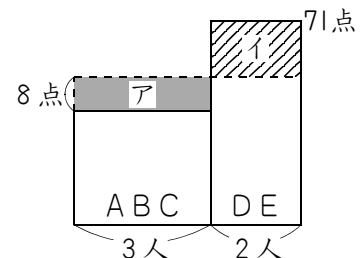
④ (1)  $142 \div 2 = 71(\text{点})$

(2) A, B, Cの3人の平均点とD, Eの2人の平均点を右の図のような面積図に表します。アとイの部分の面積は等しいですから、

$$8 \times 3 = 24(\text{点}) \quad \cdots \cdots \text{アの面積}$$

$$24 \div 2 = 12(\text{点}) \quad \cdots \cdots \text{イのたて}$$

$$71 - 12 = 59(\text{点}) \quad \cdots \cdots \text{A, B, C, D, Eの5人の平均点}$$



⑤ (1) 4分後まではおもりがある部分、4分後から16分後までの $(16 - 4 =) 12$ 分間はおもりがない部分に水がたまっていますから、

$$40 \times 30 \times (60 - 20) = 48000(\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots 4 \text{ 分後から} 16 \text{ 分後までの} 12 \text{ 分間で入れた水の体積}$$

$$48000 \div 12 = 4000(\text{cm}^3/\text{分}) \rightarrow 4 \text{ L/分}$$

(2)  $4000 \times 16 = 64000(\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots \text{満水になるまでに入れた水の体積}$

$$40 \times 30 \times 60 = 72000(\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots \text{容器の容積}$$

この差がおもりの体積にあたりますから、

$$72000 - 64000 = 8000(\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots \text{おもりの体積}$$

- ⑥ (1) 右の図のように移動させると、三角形  $PAB$  と三角形  $PCD$  の面積の和は、三角形  $ABC$  の面積と等しいことがわかります。

$$30 \times 30 \div 2 = 450 (\text{cm}^2)$$

- (2) 三角形  $PAB$  の面積を  $1$  とすると、三角形  $PCD$  の面積は  $\frac{2}{3}$ 、三角形  $PBC$  の面積は、

$$1 \div \frac{3}{4} = 1 \frac{1}{3}$$

にあたります。

$$450 \div \left(1 + \frac{2}{3}\right) = 270 (\text{cm}^2)$$

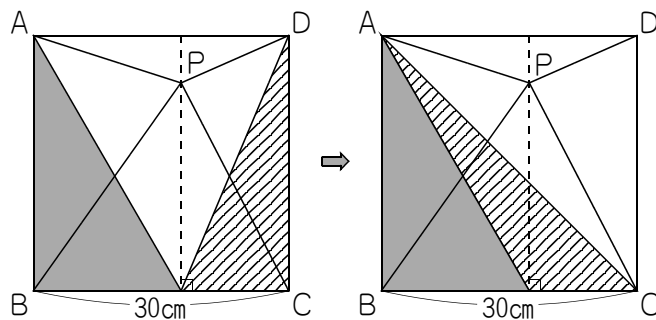
……三角形  $PAB$

$$270 \times \left(1 + 1 \frac{1}{3}\right) = 630 (\text{cm}^2)$$

……三角形  $PAB$  + 三角形  $PBC$

$$30 \times 30 \times 3.14 \times \frac{1}{4} - 630 = 76.5 (\text{cm}^2)$$

……かげの部分の面積の和



- ⑦ (1) 右の図で、三角形  $APQ$  は正三角形です。A から B までの最短コースは弧  $AQ$  の長さの 3 倍ですから、

$$10 \times 3.14 \times \frac{60}{360} \times 3 = 15.7 (\text{m})$$

- (2) A から B まで最短コースで行くとき、通ることができる通路は図の太線部分です。

- A から P まで 1 通り、P から R まで 2 通り、R から B まで 2 通り

$$1 \times 2 \times 2 = 4 (\text{通り})$$

- A から Q まで 1 通り、Q から R まで 2 通り、R から B まで 2 通り

$$1 \times 2 \times 2 = 4 (\text{通り})$$

- A から Q まで 1 通り、Q から B まで 1 通り

$$1 \times 1 = 1 (\text{通り})$$

より、全部で、

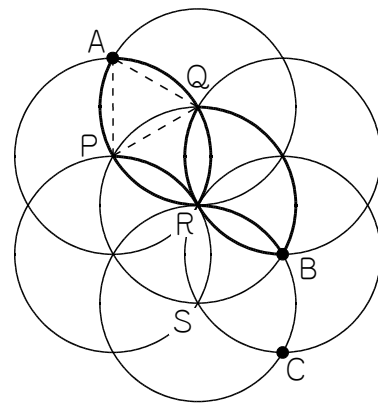
$$4 \times 2 + 1 = 9 (\text{通り})$$

- (3) A から C まで最短コースで行くには、B を通って C に行く場合が考えられますが、B から C までは 1 通りですから、

$$9 \times 1 = 9 (\text{通り})$$

また、S を通って C に行く場合も考えられますが、A から S までは A から B までと同様に 9 通りですから、A から S を通って C まで行く場合も 9 通りあります。したがって、

$$9 \times 2 = 18 (\text{通り})$$



- ⑧ (1) あかねさん：1 枚目が 2 で、最後に持っているカードが 3 なので、戻したカードは 2。

かいと君：最後に持っているカードは 4 なので、戻したカードは 4 より小さいカード。2 と 3 はあかねさんなので、戻したカードは 1。

さらさん：1 枚目が 7 で、最後に持っているカードが 8 なので、戻したカードは 7。

たかし君：1 枚目が 6 で、2 枚目は残りの 5 なので、戻したカードは 5。

(2)  $1 + 2 + 3 + \cdots + 8 = (1 + 8) \times 8 \div 2 = 36$

$36 - (14 + 10) = 12$  ……かいと君 + さらさん

$(12 + 2) \div 2 = 7$  ……かいと君の2枚のカードの数字の和

$12 - 7 = 5$  ……さらさんの2枚のカードの数字の和

ここで、1から8までの異なる2つの整数の和が14になるのは「6 + 8」のみで、残りの整数で和が10になるのは「3 + 7」のみです。残りの1, 2, 4, 5で、2つの整数の和が5と7になる場合を作るには、

$5 = 1 + 4$  (さらさん),  $7 = 2 + 5$  (かいと君)

ですから、かいと君が引いた2枚のカードは2と5です。

(3)  $36 - (5 + 12 \times 2) = 7$  ……たかし君の2枚のカードの数字の和

ここで、1から8までの異なる2つの整数の和が12になるのは「4 + 8」か「5 + 7」ですから、残りの1, 2, 3, 6で、2つの整数の和が5と7になる場合を作るには、

$5 = 2 + 3$  (あかねさん),  $7 = 1 + 6$  (たかし君)

あかねさんとかいと君がカードを1枚交換して、あかねさんが(9 - 5 =) 4増えたということは、差が4であるカードを交換したことがわかります。あかねさんが2の場合はかいと君は6、あかねさんが3の場合はかいと君は7のカードを交換することになりますが、6はたかし君が持っていますから、3と7を交換したことがわかります。つまり、かいと君は5と7、さらさんは4と8のカードを持っていたことになります。

さらさん(4と8)とたかし君(1と6)が交換して、たかし君の2枚のカードの数字の和が最も小さくなりましたから、さらさんの4とたかし君の6を交換するしかありません。

したがって、4人が最後に持っているカードは、

あかねさん：2と7(和は9)

かいと君：3と5(和は8)

さらさん：6と8(和は14)

たかし君：1と4(和は5)