

## 算 数

- |                    |                                |
|--------------------|--------------------------------|
| ① (1) 4            | (2) $\frac{6}{7}$              |
| ② (1) 900          | (2) 16 (3) 12 (4) 60           |
| ③ (1) 1050 (2) 650 | (2) 1 (3) 157 (2) 219.8 (4) 11 |
| ④ (1) 16           | (2) 200                        |
| ⑤ (1) 5000         | (2) 3100                       |
| ⑥ (1) 8            | (2) 34                         |
| ⑦ (1) 7837.44      | (2) 2637.6                     |

## 解説

② (1)  $90 \div 0.1 = 900$  (g)

(2) 食塩の重さが一定ですから、食塩水の重さと濃さは反比例します。

$800 - 200 = 600$  (g) ……水を蒸発させた後の食塩水の重さ

$\frac{1}{800} : \frac{1}{600} = 3 : 4$  ……水を蒸発させる前後の濃さの比

$12 \div 3 \times 4 = 16$  (%) ……求める濃さ

(3) 2%, 18%の食塩水の重さを3, 5として、

$3 \times 0.02 + 5 \times 0.18 = 0.96$  ……食塩の重さの和

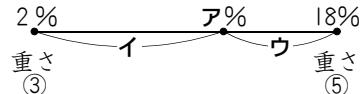
$0.96 \div (3 + 5) = 0.12 \rightarrow 12\%$  ……求める濃さ

別解 右のような数直線で表します。求める濃さはアで、イ:ウは重さの逆比になりますから5:3です。したがって、

$18 - 2 = 16$  (%) ……イ + ウ

$16 \div (5 + 3) \times 5 = 10$  (%) ……イ

$2 + 10 = 12$  (%) ……求める濃さ(ア)



(4) 食塩水の重さが一定なら、食塩の重さと濃さは比例し、濃さが一定なら、食塩水の重さと食塩の重さは比例します。したがって、

$20 : 15 = 4 : 3$  ……最初と最後の食塩の重さの比

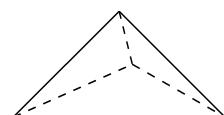
→ 最初の食塩水と何gを捨てた直後の食塩水の重さの比 = 4 : 3

$240 \div 4 \times (4 - 3) = 60$  (g) ……捨てた食塩水の重さ

③ (1) ①  $10 \times 15 \times 7 = 1050$  (cm<sup>3</sup>)

(2)  $(10 \times 15 + 15 \times 7 + 7 \times 10) \times 2 = 650$  (cm<sup>2</sup>)

(2) 底面が三角形で、側面もすべて三角形ですから、右の図のような「三角すい」です。



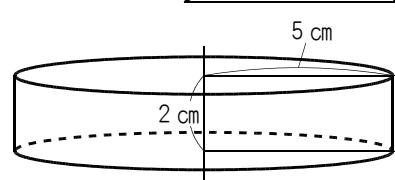
(3) (1) 右の図のような円柱になります。

$5 \times 5 \times 3.14 = 25 \times 3.14 = 78.5$  (cm<sup>2</sup>) ……底面積

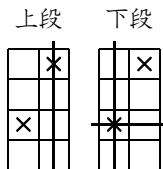
$25 \times 3.14 \times 2 = 50 \times 3.14 = 157$  (cm<sup>3</sup>) ……体積

(2)  $5 \times 2 \times 3.14 \times 2 = 20 \times 3.14 = 62.8$  (cm<sup>2</sup>) ……側面積

$25 \times 3.14 \times 2 + 20 \times 3.14 = 70 \times 3.14 = 219.8$  (cm<sup>2</sup>) ……表面積



(4) 上下の2段に分けて調べると、右の図のようになります(×は高さ方向の穴)。したがって、穴があく立方体は11個です。



- ④ (1) やりとりをまとめると右の図になり、求める濃さはアです。

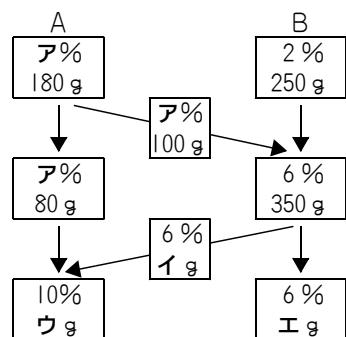
$$350 \times 0.06 - 250 \times 0.02 = 16(\text{g}) \quad \cdots \cdots \text{ア \% } 100\text{ g} \text{ の食塩水の食塩の重さ}$$

$$16 \div 100 = 0.16 \rightarrow 16\% \quad \cdots \cdots \text{求める濃さ (ア)}$$

- (2) 求める重さはウです。2回目の混合は「16% (ア) の食塩水80 g と 6% の食塩水イ g を混ぜて10%になった」ですから、

$$\frac{1}{16-10} : \frac{1}{10-6} = 2 : 3 \quad \cdots \cdots 80\text{ g} : \text{イ g}$$

$$80 \div 2 \times (2+3) = 200(\text{g}) \quad \cdots \cdots \text{求める重さ (ウ)}$$



- ⑤ (1) 右の図のような立体になりますから、

$$20 \times 20 - 10 \times 15 = 250(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{しゃ線の面の面積}$$

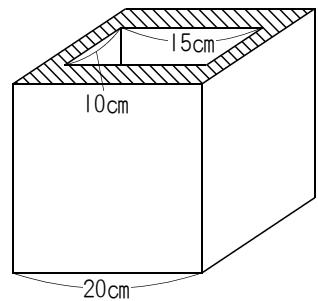
$$250 \times 20 = 5000(\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots \text{体積}$$

- (2) 表面積は、外側の面(しゃ線の面2つ、1辺20cmの正方形4つ)と、内側の面(くり抜いた四角柱の側面)の面積の和です。したがって、

$$250 \times 2 + 20 \times 20 \times 4 = 2100(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{外側の面積の和}$$

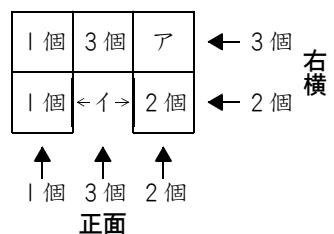
$$(10+15) \times 2 \times 20 = 1000(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{内側の面積の和}$$

$$2100 + 1000 = 3100(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{表面積}$$



- ⑥ (1) 真上から見た図に、正面、右横から見たときの立方体の個数をまとめると右の図になります。アの個数は確定しません。アの個数は「1個か2個」ですから、体積が最小になるのはアが「1個」の場合です。立方体1個の体積は1cm<sup>3</sup>ですから、最小の体積は、

$$1 \times (1 \times 3 + 2 + 3) = 8(\text{cm}^3)$$



- (2) 表面積は、まわり(前後左右上下)から見える面の面積と、かくれている面の面積の和です。このとき、アが1個でも2個でも「かくれている面」には影響ないので、かくれている面はイの2面だけです(表面積は1通り)。1面の面積は1cm<sup>2</sup>ですから、

$$(6+5+5) \times 2 = 32(\text{面}) \quad \cdots \cdots \text{まわりから見える面}$$

$$1 \times (32+2) = 34(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{表面積}$$

- ⑦ (1) 右の図のような、大きい円すい(大)から小さい円すい(小)を取りのぞいた立体になります。大、小は相似な円すいで、相似比は(18 : 6 =) 3 : 1 ですから、

$$16 \div (3-1) \times 1 = 8(\text{cm}) \quad \cdots \cdots \text{ア}$$

$$20 \div (3-1) \times 1 = 10(\text{cm}) \quad \cdots \cdots \text{イ}$$

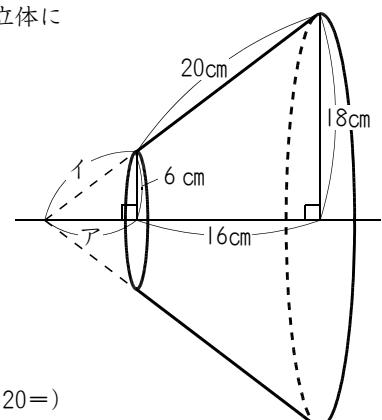
相似な立体の体積の比を利用して、

$$(3 \times 3 \times 3) : (1 \times 1 \times 1) = 27 : 1 \quad \cdots \cdots \text{大、小の体積の比}$$

$$6 \times 6 \times 3.14 \times 8 \times \frac{1}{3} = 96 \times 3.14(\text{cm}^3) \quad \cdots \cdots \text{小の体積}$$

$$96 \times 3.14 \div 1 \times (27-1) = 2496 \times 3.14 = 7837.44(\text{cm}^3)$$

……求める体積



- (2) この立体の側面積は、大、小の側面積の差にあたります。大の母線は(10+20=)30cmですから、

$$30 \times 18 \times 3.14 - 10 \times 6 \times 3.14 = 480 \times 3.14(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{側面積}$$

$$6 \times 6 \times 3.14 + 18 \times 18 \times 3.14 = 360 \times 3.14(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{底面積の和}$$

$$480 \times 3.14 + 360 \times 3.14 = 840 \times 3.14 = 2637.6(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{求める表面積}$$