

## 算 数

- ① (1) 4 (2)  $\frac{6}{7}$   
 ② (1) 900 (2) 16 (3) 12 (4) 60  
 ③ (1)① 1050 ② 650 (2) イ (3)① 157 ② 219.8 (4) 11  
 ④ (1) 16 (2) 200  
 ⑤ (1) 5000 (2) 3100  
 ⑥ (1) 8 (2) 34  
 ⑦ (1) 7837.44 (2) 2637.6

## 解 説

- ② (1)  $90 \div 0.1 = 900(\text{g})$

- (2) 食塩の重さが一定ですから、食塩水の重さと濃さは反比例します。

$$800 - 200 = 600(\text{g}) \quad \cdots \cdots \text{水を蒸発させた後の食塩水の重さ}$$

$$\frac{1}{800} : \frac{1}{600} = 3 : 4 \quad \cdots \cdots \text{水を蒸発させる前後の濃さの比}$$

$$12 \div 3 \times 4 = 16(\%) \quad \cdots \cdots \text{求める濃さ}$$

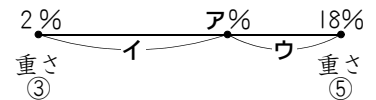
- (3) 2%, 18%の食塩水の重さを3, 5として,  
 $3 \times 0.02 + 5 \times 0.18 = 0.96 \quad \cdots \cdots \text{食塩の重さの和}$   
 $0.96 \div (3 + 5) = 0.12 \rightarrow 12\% \quad \cdots \cdots \text{求める濃さ}$

別解 右のような数直線で表します。求める濃さはアで、イ：ウは重さの逆比になりますから5：3です。したがって、

$$18 - 2 = 16(\%) \quad \cdots \cdots \text{イ} + \text{ウ}$$

$$16 \div (5 + 3) \times 5 = 10(\%) \quad \cdots \cdots \text{イ}$$

$$2 + 10 = 12(\%) \quad \cdots \cdots \text{求める濃さ(ア)}$$



- (4) 食塩水の重さが一定なら、食塩の重さと濃さは比例し、濃さが一定なら、食塩水の重さと食塩の重さは比例します。したがって、

$$20 : 15 = 4 : 3 \quad \cdots \cdots \text{最初と最後の食塩の重さの比}$$

$$\rightarrow \text{最初の食塩水と何gか捨てた直後の食塩水の重さの比} = 4 : 3$$

$$240 \div 4 \times (4 - 3) = 60(\text{g}) \quad \cdots \cdots \text{捨てた食塩水の重さ}$$

- ③ (1)①  $10 \times 15 \times 7 = 1050(\text{cm}^3)$   
 ②  $(10 \times 15 + 15 \times 7 + 7 \times 10) \times 2 = 650(\text{cm}^2)$

- (2) 底面が三角形で、側面もすべて三角形ですから、右の図のような「三角すい」です。

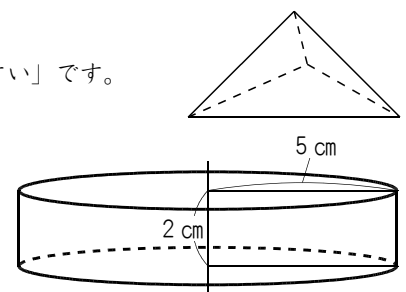
- (3)① 右の図のような円柱になります。

$$5 \times 5 \times 3.14 = 25 \times 3.14(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{底面積}$$

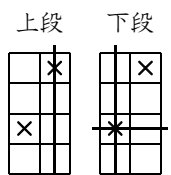
$$25 \times 3.14 \times 2 = 50 \times 3.14 = 157(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{体積}$$

②  $5 \times 2 \times 3.14 \times 2 = 20 \times 3.14(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{側面積}$

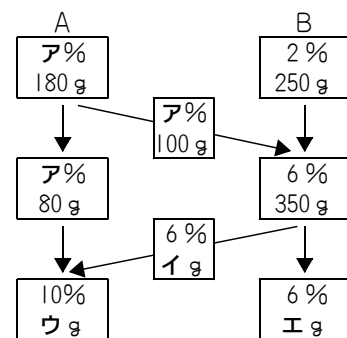
$$25 \times 3.14 \times 2 + 20 \times 3.14 = 70 \times 3.14 = 219.8(\text{cm}^2) \quad \cdots \cdots \text{表面積}$$



- (4) 上下の2段に分けて調べると、右の図のようになります(×は高さ方向の穴)。したがって、穴があく立方体は11個です。



- ④ (1) やりとりをまとめると右の図になり、求める濃さはアです。  
 $350 \times 0.06 - 250 \times 0.02 = 16(\text{g})$  ……ア%100gの食塩水の食塩の重さ  
 $16 \div 100 = 0.16 \rightarrow 16\%$  ……求める濃さ(ア)

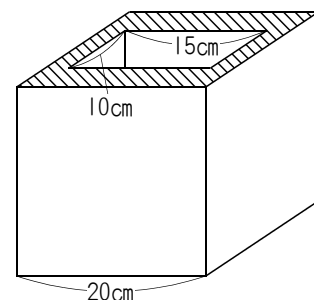


- (2) 求める重さはウです。2回目の混合は「16%(ア)の食塩水80gと6%の食塩水イgを混ぜて10%になった」ですから、

$$\frac{1}{16-10} : \frac{1}{10-6} = 2 : 3 \quad \dots\dots 80\text{g} : \text{イg}$$

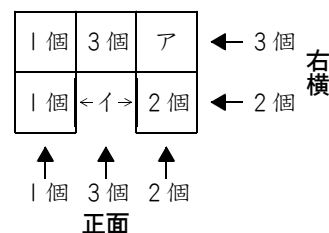
$$80 \div 2 \times (2 + 3) = 200(\text{g}) \quad \dots\dots \text{求める重さ(ウ)}$$

- ⑤ (1) 右の図のような立体になりますから、  
 $20 \times 20 - 10 \times 15 = 250(\text{cm}^2)$  ……しゃ線の面の面積  
 $250 \times 20 = 5000(\text{cm}^3)$  ……体積



- (2) 表面積は、外側の面(しゃ線の面2つ、1辺20cmの正方形4つ)と、内側の面(くり抜いた四角柱の側面)の面積の和です。したがって、  
 $250 \times 2 + 20 \times 20 \times 4 = 2100(\text{cm}^2)$  ……外側の面積の和  
 $(10 + 15) \times 2 \times 20 = 1000(\text{cm}^2)$  ……内側の面積の和  
 $2100 + 1000 = 3100(\text{cm}^2)$  ……表面積

- ⑥ (1) 真上から見た図に、正面、右横から見たときの立方体の個数をまとめると右の図になり、アの個数は確定しません。アの個数は「1個か2個」ですから、体積が最小になるのはアが「1個」の場合です。立方体1個の体積は1cm<sup>3</sup>ですから、最小の体積は、



$$1 \times (1 \times 3 + 2 + 3) = 8(\text{cm}^3)$$

- (2) 表面積は、まわり(前後左右上下)から見える面の面積と、かくれている面の面積の和です。このとき、アが1個でも2個でも「かくれている面」には影響しないので、かくれている面はイの2面だけです(表面積は1通り)。1面の面積は1cm<sup>2</sup>ですから、

$$(6 + 5 + 5) \times 2 = 32(\text{面}) \quad \dots\dots \text{まわりから見える面}$$

$$1 \times (32 + 2) = 34(\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{表面積}$$

- ⑦ (1) 右の図のような、大きい円すい(大)から小さい円すい(小)を取りのぞいた立体になります。大、小は相似な円すいで、相似比は(18:6=)3:1ですから、

$$16 \div (3 - 1) \times 1 = 8(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{ア}$$

$$20 \div (3 - 1) \times 1 = 10(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{イ}$$

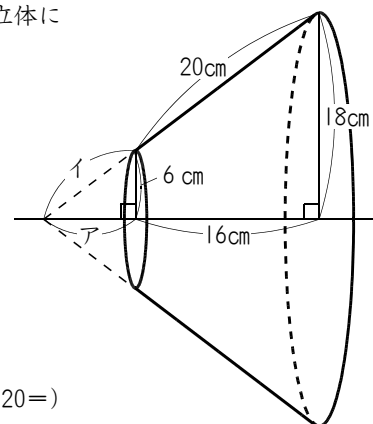
相似な立体の体積の比を利用して、

$$(3 \times 3 \times 3) : (1 \times 1 \times 1) = 27 : 1 \quad \dots\dots \text{大、小の体積の比}$$

$$6 \times 6 \times 3.14 \times 8 \times \frac{1}{3} = 96 \times 3.14(\text{cm}^3) \quad \dots\dots \text{小の体積}$$

$$96 \times 3.14 \div 1 \times (27 - 1) = 2496 \times 3.14 = 7837.44(\text{cm}^3)$$

……求める体積



- (2) この立体の側面積は、大、小の側面積の差にあたります。大の母線は(10+20=)30cmですから、

$$30 \times 18 \times 3.14 - 10 \times 6 \times 3.14 = 480 \times 3.14(\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{側面積}$$

$$6 \times 6 \times 3.14 + 18 \times 18 \times 3.14 = 360 \times 3.14(\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{底面積の和}$$

$$480 \times 3.14 + 360 \times 3.14 = 840 \times 3.14 = 2637.6(\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{求める表面積}$$