

全国の公立高校入試問題レベルの出題です。

答えは、後で○つけてできるように、分かりやすいところに、はっきり書いてください。
その後の解説の価値を高めるためにも、判らない問題は飛ばして行きながら、問題全体に挑戦するつもりで解いてください。

| | レベル1 | | |

① 次の方程式を解け。

(1) $(x+4)^2=6$

〔神奈川県〕

(3) $x^2-4x-1=0$

〔三重県〕

(5) $x^2+4x=12$

〔宮城県〕

(7) $x^2-x=2(6-x)$

〔福井県〕

(9) $(x+1)(x-1)=\frac{1}{2}(x+1)^2$

〔立命館高〕

(2) $2(x-3)^2-32=0$

〔法政大二高〕

(4) $x^2-12x+35=0$

〔茨城県〕

(6) $2x^2-5x+1=0$

〔鳥取県〕

(8) $(x-4)(x+2)=2(x^2-18)$

〔市立千葉高〕

(10) $4x^2=(x+6)^2$

〔国立高専〕

② 次の問いに答えよ。

(1) $x^2+ax+10=0$ の解の1つが2であるとき、 a の値と他の解を求めよ。〔大分県〕

(2) k を定数とする。 x についての2次方程式 $x^2-(4k+8)x+k^2+11k+2=0$ の解の1つが $x=2$ のとき、 k の値を求めよ。また、 k の値が自然数のときの他の解を求めよ。〔成城高〕

(3) 2次方程式 $4x^2+ax+b=0$ の解が $\frac{1}{2}$ と -3 のとき、 a 、 b の値を求めよ。〔明治大付中野高〕

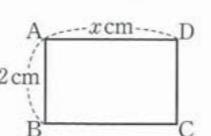
(4) 方程式 $\frac{2}{5}(-x+3)+0.6(x-1)=1$ の解が、2次方程式 $x^2+ax+2=0$ の解の1つと等しい。このとき、 a の値を求めよ。〔和洋国府台女子高〕

③ 次の問いに答えよ。

(1) 連続する2つの正の奇数がある。大きい方の数の2乗と小さい方の数の2乗の和が、大きい方の数の20倍に30を加えた数に等しい。このとき、小さい方の数を求めよ。〔関西学院高〕

(2) 横の長さが縦の長さの2倍の長方形の厚紙の4すみから1辺が3cmの正方形を切り取り、折り曲げて直方体の容器を作ると、その容積が 168cm^3 となった。はじめの厚紙の縦の長さを求めよ。〔兵庫県〕

(3) 右の図のような $AB=2\text{cm}$, $AD=x\text{cm}$ の長方形ABCDがある。この長方形を、直線ABを軸として1回転させてできる立体の表面積は $96\pi\text{cm}^2$ であった。このとき、辺ADの長さを求めなさい。ただし、 π は円周率である。〔栃木県・改〕



(4) ある日、1個 a 円の商品を b 個売った。次の日は、同じ商品を $x\%$ 値上げして売り出したので、前日より $\frac{4}{5}x\%$ 減った個数しか売れなかった。前日と売り上げが変わらなかったとするとき、 x の値を求めよ。ただし、 $x>0$ とする。〔国学院久我山高〕

1 次の問いに答えよ。

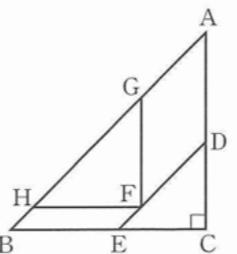
- (1) 2次方程式 $x^2 - 7x + a = 0$ の解の1つは -3 であり、もう1つは x の1次方程式 $2x + a + 5b = 0$ の解になっている。このとき、 a 、 b の値を求めよ。
〔栃木県〕

- (2) 2次方程式 $3x^2 + 4x - 1 = 0$ の2つの解のうち、小さい方を a とする。 a よりも大きい最小の整数を求めよ。
〔明治学院高〕

2 右の図で、 $\triangle ABC$ と $\triangle DEC$ は直角二等辺三角形であり、辺 AC 上に点 D 、辺 BC 上に点 E がある。辺 DE 上に点 F 、辺 AB 上に2点 G 、 H をとり、四角形 $GFDA$ と $HBEF$ がともに平行四辺形になるようにする。 $AC = BC = 9\text{cm}$ として、次の問いに答えよ。
〔北海道・改〕

- (1) $CD = CE = 2\text{cm}$ のとき、 $\triangle GHF$ の面積を求めよ。

- ★ □(2) 四角形 $GFDA$ と $HBEF$ の面積の和が $\triangle DEC$ の面積の4倍になるとき、 AD の長さを求めよ。

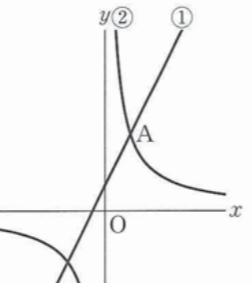


★ 3 右の図のように、原点を O とする座標平面上に1次関数 $y = 2x + 1 \cdots ①$ のグラフと反比例 $y = \frac{a}{x} \cdots ②$ のグラフがある。 $①$ と $②$ のグラフの交点のうち、 x 座標が 1 であるものを A とする。 $①$ 、 $②$ のグラフ上にともに x 座標が t ($t > 1$) である点 $P(t, 2t+1)$ 、 $Q(t, \frac{a}{t})$ をそれぞれとる。このとき、次の問いに答えよ。
〔洛南高・改〕

- (1) $\triangle OPQ$ の面積を t で表せ。

- (2) $\triangle OPQ$ の面積について、 t の値が $\frac{5}{2}$ から 3 まで増加するときの変化の割合を求めよ。

- (3) $\triangle OPQ$ の面積が $\frac{3}{2}$ になるとき、直線 AQ の式を求めよ。



4 Aさんのクラスで腕相撲大会を行う。選手は、必ず他の選手全員と1回ずつ対戦するものとする。選手が2人のとき、行われる試合の数は1試合である。選手が1人増えて3人になると、試合の数は2試合増えて全部で3試合となる。Aさんは、選手の人数とそのとき行われる試合の数を、下の表にまとめることにした。このとき、次の問いに答えよ。
〔埼玉県〕

選手の人数(人)	2	3	4	5	6	…		…
試合の数(試合)	1	3				…	55	…

- (1) 選手が5人のとき、行われる試合の数を求めよ。

- (2) 行われる試合の数が55試合のとき、選手の人数を求めよ。